

Контрольная работа по курсу «Математическое программирование»  
Вариант 1.

№	Задание	Условие
1	Привести к канонической форме	$\begin{aligned} \min \quad & 6x_1 + 4x_3 + x_4 - 8x_5 \\ \text{при } & 7x_1 + x_2 - 3x_4 - x_5 + 8x_6 = 3 \\ & -10x_1 + 8x_3 + 2x_5 \leq 18 \\ & 4x_2 + x_3 + 9x_5 \geq 8 \end{aligned}$
2	Решить графически	$\begin{aligned} \max \quad & 17x_1 + 13x_3 - x_4 \\ \text{при } & 17x_1 + x_2 + 21x_3 - 2x_4 + x_5 = 128 \\ & 41x_1 + x_2 + 50x_3 - 5x_4 + x_5 = 312 \\ & -29x_1 - 2x_2 - 31x_3 + 3x_4 - x_5 = -154 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
3	Решить симплекс-методом, начальное опорное решение найти методом Гаусса	$\begin{aligned} \min \quad & 15x_1 + 14x_2 + 2x_3 - x_4 - 2x_5 \\ \text{при } & 6x_1 + 9x_2 + x_3 - x_4 = 51 \\ & x_2 - x_4 = 3 \\ & -7x_1 - 8x_2 - x_3 + x_4 + x_5 = -49 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
4	Решить симплекс-методом, начальное опорное решение найти методом искусственного базиса	$\begin{aligned} \min \quad & 6x_1 + 8x_2 \\ \text{при } & x_1 \geq 3 \\ & x_2 \leq 5 \\ & 2x_1 - 7x_2 \leq -14 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
5	Сформулировать двойственную задачу	$\begin{aligned} \max \quad & 2x_2 + x_3 \\ \text{при } & x_1 + 4x_2 + 2x_3 \leq 1 \\ & 5x_1 - x_3 \geq 0 \\ & 2x_1 + x_3 \geq 2 \\ & x_1 \geq 0 \\ & x_2 \leq 0 \end{aligned}$
6	Оптимальен ли вектор?	$\begin{aligned} \text{при } & \bar{x} = (-3, 0, 7) \\ \max \quad & 9x_1 + 3x_2 + 5x_3 \\ \text{при } & 2x_1 - x_2 + x_3 \leq 1 \\ & -x_1 + x_2 + x_3 \leq 4 \\ & x_2 \leq 0 \\ & x_3 \geq 0 \end{aligned}$