

Контрольная работа по курсу «Математическое программирование»
Вариант 3.

№	Задание	Условие
1	Привести к канонической форме	$\begin{aligned} \max & 12x_1 + 5x_3 + 7x_4 - x_5 - 3x_6 \\ & -x_1 + 13x_2 - x_4 + 19x_6 \leq 24 \\ & 3x_1 - x_2 + 6x_3 - 54x_6 = 0 \\ & 7x_2 - x_3 + x_5 + x_6 \geq 1 \\ & x_2, x_3, x_4, x_5 \geq 0 \end{aligned}$
2	Решить графически	$\begin{aligned} \max & 2x_2 - 3x_3 + x_4 \\ & x_1 + 4x_2 + x_3 + 2x_4 + x_5 = 49 \\ & 2x_1 + 9x_2 - 2x_3 + 5x_4 + 2x_5 = 102 \\ & -2x_1 - 2x_2 + x_3 - 3x_4 - x_5 = -59 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
3	Решить симплекс-методом, начальное опорное решение найти методом Гаусса	$\begin{aligned} \max & -x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 8x_4 - 2x_5 \\ & -x_1 + 2x_2 - x_3 + 5x_4 = 7 \\ & -x_1 + x_2 + x_4 = 3 \\ & x_1 + x_3 - 4x_4 + x_5 = 3 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
4	Решить симплекс-методом, начальное опорное решение найти методом искусственного базиса	$\begin{aligned} \min & x_1 \\ & 8x_1 + 5x_2 \geq 40 \\ & x_2 \leq 5 \\ & 5x_1 - 3x_2 \leq 15 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
5	Сформулировать двойственную задачу	$\begin{aligned} \min & 3x_1 + x_2 - 2x_3 \\ & x_1 - x_2 + 2x_3 \geq 0 \\ & x_2 - x_3 \geq 2 \\ & -x_1 + x_2 \leq 1 \\ & x_3 \geq 0 \end{aligned}$
6	Оптimalен ли вектор?	$\begin{aligned} \bar{x} &= (0.8, 0, 1.4) \\ \max & 9x_1 + 4x_2 + 16x_3 \\ & 2x_1 - 3x_2 + 3x_3 \leq 1 \\ & x_1 + 2x_2 + 4x_3 \leq 4 \\ & x_2 \leq 0 \\ & x_3 \geq 0 \end{aligned}$