

Контрольная работа по курсу «Математическое программирование»
Вариант 8.

№	Задание	Условие
1	Привести к канонической форме	$\begin{aligned} \min & 30x_1 + 4x_2 - 5x_3 - 7x_5 + x_6 \\ & 3x_1 + 2x_2 - x_4 - 8x_5 = 6 \\ & -x_2 + 3x_4 + 5x_5 + x_6 \leq 1 \\ & x_1 + 6x_2 - x_5 \geq 3 \\ & x_1, x_3, x_4, x_6 \geq 0 \end{aligned}$
2	Решить графически	$\begin{aligned} \max & 17x_2 + 13x_3 - x_4 \\ & x_1 + 17x_2 + 21x_3 - 2x_4 + x_5 = 128 \\ & 2x_1 + 41x_2 + 50x_3 - 5x_4 + 2x_5 = 312 \\ & -2x_1 - 29x_2 - 31x_3 + 3x_4 - x_5 = -194 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
3	Решить симплекс-методом, начальное опорное решение найти методом Гаусса	$\begin{aligned} \min & -x_1 + 14x_2 + 2x_3 + 15x_4 - 2x_5 \\ & -x_1 + 9x_2 + x_3 + 6x_4 = 51 \\ & -x_1 + x_2 = 3 \\ & x_1 - 8x_2 - x_3 - 7x_4 + x_5 = -49 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
4	Решить симплекс-методом, начальное опорное решение найти методом искусственного базиса	$\begin{aligned} \min & x_1 \\ & x_1 \geq 3 \\ & 5x_1 + 8x_2 \geq 40 \\ & 5x_1 - 5x_2 \geq 25 \\ & x \geq 0 \end{aligned}$
5	Сформулировать двойственную задачу	$\begin{aligned} \max & 2x_1 + x_2 - 2x_3 \\ & 4x_1 + 2x_2 + x_3 \leq 1 \\ & x_1 + x_2 - x_3 = -1 \\ & x_2 - x_3 \geq 2 \\ & x_1 \leq 0 \\ & x_3 \geq 0 \end{aligned}$
6	Оптimalен ли вектор?	$\begin{aligned} \bar{x} &= (-0.8, 0, 1.4) \\ \max & 18x_1 + 5x_2 + 16x_3 \\ & 4x_1 + 3x_3 \leq 1 \\ & 2x_1 + x_2 + 4x_3 \leq 4 \\ & x_2 \leq 0 \\ & x_3 \geq 0 \end{aligned}$